

Data mining

1

Data mining

- La maggior parte delle aziende dispone di enormi basi di dati contenenti dati di tipo operativo
- queste basi di dati costituiscono una potenziale miniera di utili informazioni
- nel 1991 DM&B e DWA indicavano poche possibilità di extrarre conoscenze
- data mining: scoperta di pattern in data set (di grandi dimensioni)
- tali pattern devono essere:
 - validi
 - precedentemente sconosciuti
 - potentialmente utili
 - comprensibili

2

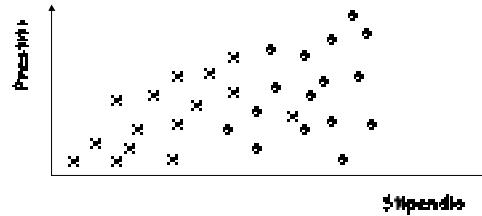
Data mining - Esempio

record delle vendite:	prodotti
tran1	cust33 p2, p5, p8
tran2	cust45 p5, p8, p11
tran3	cust12 p1, p9
tran4	cust40 p5, p8, p11
tran5	cust12 p2, p9
tran6	cust12 p9

- Tendenza: i prodotti p5, p8 vengono spesso comprati insieme
- Tendenza: al cliente 12 piace il prodotto p9

3

Data Mining - Esempio



Personne che hanno ricevuto un prestito dalla banca:
x: persone che hanno maneggiato la sostituzione di rate
o: persone che hanno rispettato le scadenze

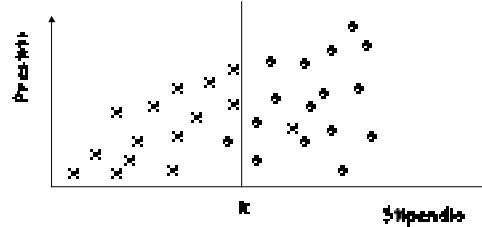
4

Knowledge Discovery

- Un processo di KD si basa sui seguenti elementi:
 - Dati: insieme di informazioni contenute in una base di dati o data warehouse
 - Pattern: espressione in un linguaggio opportuno che descrive in modo succinto le informazioni estratte dai dati
 - regole
 - informazioni di alto livello

5

Esempio



IF stipendio < 10000 monatti pagamenti

6

Caratteristiche dei pattern

- **Validità:** i pattern scoperti devono essere validi su nuovi dati con un certo grado di certezza.
 - Esempio: spostamento a destra del valore di *l'posta* riduzione del grado di certezza
- **Altività:** misurato rispetto a variazioni dei dati o della conoscenza estratta.
- **Ottimizzazione:**
 - Esempio: aumento di profitto atteso dalla banca associato alla regola estratta
- **Comprendibilità:** misure di tipo
 - sintattica
 - semantica

7

Applicazioni

- rilevazione di frodi (ambiti telecomunicazioni, bancario e compagnie di carri di credito)
- approvazione di prestiti e crediti
- analisi degli acquisti (market basket data analysis)
- segmentazione dei clienti
- applicazioni finanziarie
- profilazione dei clienti
- commercio elettronico

8

Marketing

- Analisi delle vendite
 - ⇒ associazioni (co-occorrenze) tra vendite di prodotti
 - ⇒ bolla e pomelli
- Profiling dei clienti
 - ⇒ il data mining può dire quali tipi di clienti comprano quali prodotti
- Identificazione dei requisiti dei clienti
 - ⇒ identificare i prodotti migliori per i diversi clienti
 - ⇒ predire quali fattori attraranno nuovi clienti

9

Analisi Corporativa

- Finanze
 - ⇒ analisi e previsione dei flussi di denaro
- Risorse
 - ⇒ riconoscere e confrontare le risorse con i costi
- Concorrenza
 - ⇒ confrontarsi con gli altri concorrenti aggregando i dati allo stesso livello

10

Rilevazione di frodi

- Frodi di compagnie di assicurazioni auto
 - ⇒ l'estrazione di regole di associazione può permettere di rilevare i gruppi di persone che simulano incidenti per guadagnare sulla riassicurazione
- Rileggaggio di denaro
 - ⇒ dal 1993, l'agenzia statunitense del tesoro per la rileggezione di enti finanziari usa tecniche di data mining per rilegare le transazioni di denaro sospette

11

Altre applicazioni

- Squadre sportive
 - ⇒ i New York Knicks usano il data mining per ottenere un vantaggio competitivo
- Astronomia
 - ⇒ il California Institute of Technology e l'osservatorio di Palomar hanno scoperto 22 quasar con l'aiuto del data mining
- Banche
 - ⇒ la Security Pacific/Bank of America usa il data mining come supporto per le decisioni sui prestiti commerciali e per prevenire le frodi

Il data mining è all'intersezione di molti campi

- AI
- machine learning
- acquisizione di conoscenza
- statistica
- visualizzazione di dati
- reti neurali
- basi di dati
- data mining

Dati residenti in memoria principale
Dati residenti in memoria secondaria

13

Tecniche di data mining

- Regole di associazione
- Clustering
- Classificazione
- Pattern matching in sequenze
- Scoperta di valori disallineati (outliers)
- Mining di testo/immagini

14

Sfide

- Scalare le tecniche esistenti (bisogno di velocità...); le vecchie tecniche sono in grado di gestire insiemi di dati residenti in memoria
- Identificare applicazioni del data mining (success stories; ad esempio rilevazione di intrusioni)
- Nuove tecniche e nuovi tipi di data mining

15

Esempi

- Regole di associazione: il 99% della gente che acquista pannolini acquista anche bimbi
- Classificazione: le persone sotto i 25 anni che guadagnano meno di 25K sono cattivi creditori
- Sequenze simili: i DNA di A e B sono simili
- Rilevazione di valori disallineati (outliers); questa connessione è un attacco

16

Due stili di data mining

- Data mining diretto: top-down, usato quando sappiamo cosa stiamo cercando (un esempio è la modellazione predittiva)
- Data mining non diretto: bottom-up, "lascia i dati liberi di parlare"
- trova i pattern e lascia all'utente il compito di determinare se siano o meno importanti
- non sono mutuamente esclusivi
- entrambi richiedono l'intervento umano

17

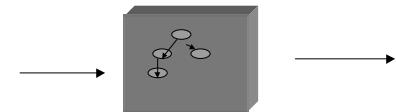
Data Mining diretto



- Modellazione predittiva:
 - Chi è più facile risponde alla nostra compagnia?
 - Quale macchina è più facile che fallisce?
 - Quali clienti ci lasceranno entro 6 mesi?

18

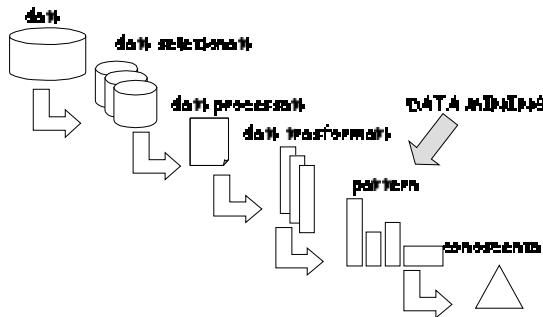
Data Mining non diretto



- Vogliamo sapere cosa sta succedendo; come è il modello viene fuori con le risposte
- e.g.: segmentazione, vogliamo usare un albero di decisione per scoprire un importante segmento di clienti
- estrazione di regole di associazione

19

Processo di estrazione



Processo di estrazione

- Il processo di estrazione in genere parte da insiemi di dati eterogenei
- deve garantire adeguata efficienza, ipotizzando che i dati risiedano su memoria secondaria
- deve essere scalabile
- deve associare misure di qualità ai pattern estratti
- deve permettere di applicare criteri diversificati di estrazione

21

Estrazione di regole di associazione da basi di dati di grosse dimensioni

22

Regole di associazione

- Market basket data: il cestino del "supermarket" contiene (pane, latte, birra, pannolini...)
- Si vogliono trovare regole che connettono la presenza di un insieme di prodotti X con un altro insieme Y
 - es: X = pannolini, Y= birra, $X \Rightarrow Y$ con confidenza 90%
 - eventualmente vincolo: es, considerando solo clienti uomini

23

Applicazioni

- Market basket analysis: dimmi come posso migliorare le mie vendite associendo promozioni agli insiemi di prodotti "best seller"
- Marketing: "le persone che comprano questo libro comprano anche..."
- rilevazione di frodi: una richiesta di mutuo è sempre collegata a una richiesta di visita a un dottore nello stesso giorno
- Pianificazione degli scaffali: dati i prodotti "best seller," come organizzo gli scaffali del mio supermercato?

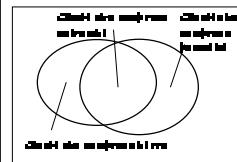
24

Regole di associazione: concetti base

- Data:**
 - (1) una base di dati di transazioni,
 - (2) ogni transazione è una lista di prodotti (comprati dai clienti in una visita)
- Trovare tutte le regole che corrispondono alla presenza di un insieme di prodotti con quella di un altro insieme di prodotti
 - es: 10% di della gente che acquista gomme e autoaccessori si tiene anche servizi automobilistici
- Applicazioni:**
 - \Rightarrow Accordi di manutenzione (cosa il negozi dovrebbe fare per incrementare gli accordi di manutenzione)
 - Acquisti di altre cose insieme \Rightarrow (quali altri i prodotti dove debbe vendere il negozi)
 - Promozioni (buoni sconto, ...) "fatturate" nella vendita diretta

25

Misure per le regole: supporto e confidenza



ID Transazione	Prodotti
2000	A,B,C
3000	A,C
4000	A,D
5000	B,E,F

26

Trovare tutte le regole $X \Rightarrow Z$ con supporto e confidenza sopra un certo valore minimo

- **supporto**, è probabilità che una transazione contenga $(X \cup Y \cup Z)$
 - **confidenza**, è probabilità condizionale che una transazione che contiene $(X \cup Y)$ contenga anche Z
- Se il supporto minimo 50% e la confidenza minima 50%, si ha
 $X \Rightarrow Z$ (50%, 66%)
 $Z \Rightarrow X$ (50%, 100%)

Estrazione di regole di associazione - un esempio

ID Transazione	Prodotti	Supporto minimo 50%	Confidenza minima 50%
2000	A,B,C		
3000	A,C		
4000	A,D		
5000	B,E,F		

Product Itemset	Supporto
{A}	75%
{B}	50%
{C}	50%
{A,C}	50%

Per la regola $A \Rightarrow C$:

$$\text{supporto} = \text{supporto}((A \cup C)) = 50\% \\ \text{confidenza} = \text{supporto}((A \cup C)) / \text{supporto}(A) = 66.6\%$$

Principio operativo:

ogni sottoinsieme di un frequent itemset deve essere frequent

Estrazione dei Frequent Itemset: il passo chiave

- Trovare i frequent itemset: gli insiemi di prodotti che hanno un supporto maggiore del supporto minimo
 - un sottoinsieme di un frequent itemset deve essere anch'esso un frequent itemset
 - cioè, se $\{A,B\}$ è un frequent itemset, sia $\{A\}$ che $\{B\}$ devono essere frequent itemset
 - trova ricorsivamente i frequent itemset con cardinalità da 1 a k (itemset)
 - Usa i frequent itemset per generare le regole di associazione

28

Decomposizione del problema

Due fasi:

- Generare tutti gli itemset il cui supporto è sopra una certa soglia. Chiamiamo tali itemset **grossi** (o **cold**)
 (Tutti gli altri itemset sono **piccoli**)
 Come generare tutte le combinazioni? (esponenziale)
 (DEPERCIBILE)

- Per un certo itemset grande

$$Y = I_1, I_2, \dots, I_n \quad \text{dim } 2$$

- Generare le (più) irregole: $X \Rightarrow I_j \quad X = Y - \{I_j\}$
 $\text{confidenza} = c \leq \text{supporto}(Y) / \text{supporto}(X)$

In questo modo, si ha una soglia: se si decide quale regole tenere (RAGGI)

Esempi

ID	Items	Assumiamo $c=50\%$ $a=c=50\%$
1	{a,b,c}	
2	{a,b,d}	
3	{a,c}	
4	{b,c,f}	

Supporto minimo: 50% \Rightarrow itemset {a,b} e {a,c}

- Regole:
- $a \Rightarrow b$ con supporto 50% e confidenza 66.6%
 - $a \Rightarrow c$ con supporto 50% e confidenza 66.6%
 - $c \Rightarrow a$ con supporto 50% e confidenza 100%
 - $b \Rightarrow a$ con supporto 50% e confidenza 100%

29

Algoritmo Apriori

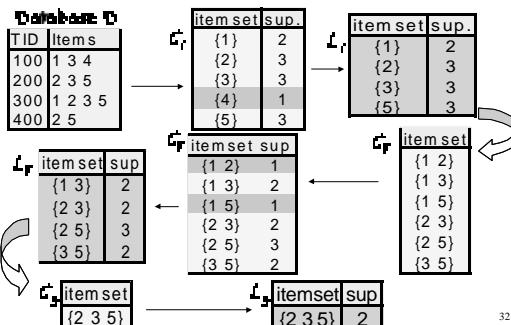
- Passo di Join: C_1 viene generato combinando L_1 , con se stesso
- Passo di Prune: ogni (k+1)-itemset che non è frequente non può essere un sottoinsieme di un frequent k-itemset
- Pseudocodice:


```

 $C_1$ : itemset candidati di dimensione 1
 $L_1$ : frequent itemset di dimensione 1
 $L_1$  = {item frequenti};
for (i= 1;  $L_i \neq \emptyset$ ; i++) do
begin
   $C_{i+1}$  = candidati generati da  $L_i$ ;
  for each transaction  $t$  nel database do
    incremento il counter delle tutti i candidati in  $C_{i+1}$ 
    che sono contenuti in  $t$ ;
   $L_{i+1}$  = candidati in  $C_{i+1}$  con supporto  $\geq min\_support$ 
end
return  $\cup_i L_i$ 
```

31

Algoritmo Apriori - esempio



32

Algoritmo Apriori - esempio

Regole estratte:

- 1 \rightarrow 3
- 2 \rightarrow 5
- 3 \rightarrow 2
- 2 3 \rightarrow 5
- 3 5 \rightarrow 2



33

Algoritmo Apriori - esempio

- Supporto = 70% (3 transazioni su 4)
- relazione:

Trans	pen	notepad	ink	paper
m1	yes	no	no	no
m2	yes	yes	no	no
m3	yes	yes	yes	no
m4	yes	yes	yes	yes
m5	yes	yes	no	no
m6	yes	yes	yes	no
m7	yes	yes	yes	yes
m8	yes	yes	yes	yes
m9	yes	yes	yes	yes
m10	yes	yes	yes	yes
m11	yes	yes	yes	yes
m12	yes	yes	yes	yes
m13	yes	yes	yes	yes
m14	yes	yes	yes	yes
m15	yes	yes	yes	yes

34

Algoritmo Apriori - esempio

- Level 1:
 - L1: (pen), (not), (ink), (paper) 3/4, (not,ink) 3/4
- Level 2:
 - C2: (pen, not), (pen,ink), (not,ink), (not,paper), (ink,paper)
 - L2: (pen,ink) 3/4, (pen,paper) 3/4
- Level 3:
 - C3: nessuno
- Regole estratte:
 - ink \Rightarrow pen
 - notep \Rightarrow pen

35

Algoritmo Apriori - Estensioni

- In molti casi, gli item sono organizzati gerarchicamente



- il supporto di un itemset può solo aumentare se un item viene rimpiazzato con un suo antenato nella gerarchia.

36

Algoritmo Apriori - Estensioni

- Supponendo di avere informazioni anche per gli item generalmente acquistati, si possono calcolare le regole nel modo usuale.

Trans.	item1	item2	item3	item4	item5
T1	yes	no	yes	yes	yes
T2	yes	no	yes	yes	yes
T3	yes	no	yes	yes	yes
T4	yes	no	yes	yes	yes
T5	yes	no	yes	yes	yes
T6	yes	no	yes	yes	yes
T7	yes	no	yes	yes	yes
T8	yes	no	yes	yes	yes

- Per esercizio: provare a calcolare le nuove regole di associazione.

Algoritmo Apriori - Estensioni

- Determinazione regole di associazione nel contesto di sottoinsiemi di dati, che soddisfano determinate condizioni
 - se una penna è acquistata da un certo cliente, allora è probabile che lo stesso cliente comprerà anche tinte
 - si considerano solo gli acquisti di un certo cliente
- pattern sequenziali
 - tutti gli item acquistati da un certo cliente in una certa data definiscono un itemset
 - gli itemset associati ad un cliente possono essere ordinati rispetto alla data, ottenendo una sequenza di itemset (pattern sequenziale)
 - Il problema è determinare tutti i pattern sequenziali con un certo supporto

38

Algoritmo Apriori - Efficienza

- Il "core" dell'algorithm Apriori:
 - usa i frequent $(k+1)$ -itemset per generare i frequent k -itemset candidati
 - usa scansioni del database e il pattern matching per raccogliere i conti per gli itemset candidati
- Il colpo di bottiglia di Apriori è la generazione dei candidati
 - insieme di candidati estremo:
 - 10 frequent 3-itemset generano 10⁷ 2-itemset candidati
 - per scoprire un frequent pattern di dimensione 100, es. $\{a_1, a_2, \dots, a_{100}\}$, si devono generare $2^{100} = 10^{30}$ candidati
 - scansioni multiple del database:
 - sono necessarie $(n+1)$ scansioni, dove n è la lunghezza del pattern più lungo

FP-growth vs Apriori: Efficienza

- Gli studi delle prestazioni mostrano che
 - FP-growth è di un ordine di magnitudine più veloce di Apriori
- Motivazioni
 - no generazione dei candidati, no test dei candidati
 - usa una struttura dati compatta
 - rimuove scanse ripetute del database
 - le operazioni base sono il counting e la costruzione dell'FP-tree

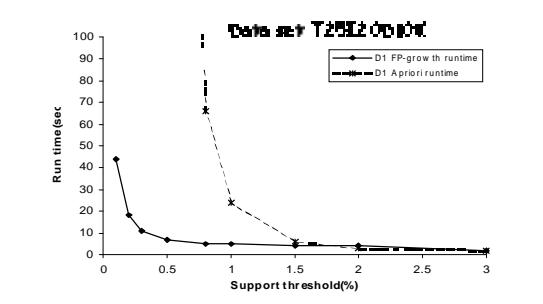
41

Estrazione dei Frequent Pattern senza generazione dei candidati

- Si comprende un database di grosse dimensioni in una struttura compatta, detta **Frequent-Pattern tree** (FP-tree)
 - struttura molto condensata, ma completa per frequent pattern mining
 - permette di evitare molte scansioni del database
- Un metodo efficiente di estrazione dei frequent pattern basato sugli FP-tree
 - metodologia divide-and-conquer: si decompongono i task di estrazione in task più piccoli
 - si evita la generazione dei candidati solo test su sotto-database

40

FP-growth vs Apriori: Scalabilità con la soglia di supporto



Classificazione & Previsione

43

Il problema della classificazione

- Date:
 - tuple a ognuna delle quali è assegnato un class level
- Sviluppare un modello per ogni classe
 - esempio:
 - buon creditore : (età in [25,40], ANND (reddito >500), ANND (stato civile = C.OMMUNATO))
- Applicazioni:
 - approvazione di crediti (buono, cattivo)
 - conciliazione di negozi (buono, medio, sbagliato)
 - situazioni di emergenza (emergenza, non-emergenza)

Classificazione vs Previsione

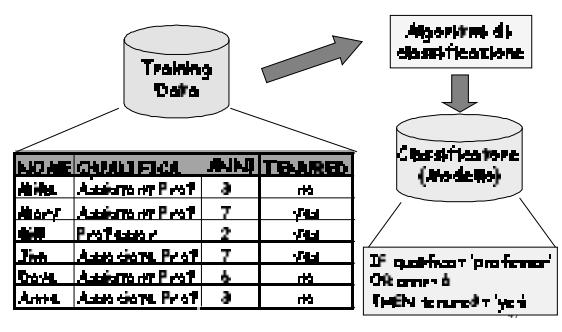
- Classificazione:
 - prevede etichette di classe in categorie
 - classifica i dati (costruisce un modello) basandosi sul training set e i valori (etichette di classe) di un attributo di classificazione e usa tale modello per classificare i nuovi dati
- Previsione:
 - modello funzioni a valori continui, prevede cioè valori stimati o mancanti
- Applicazioni tipiche:
 - approvazione di crediti
 - vendita di articoli
 - diagnosi mediche
 - analisi di effettività di trattamenti

45

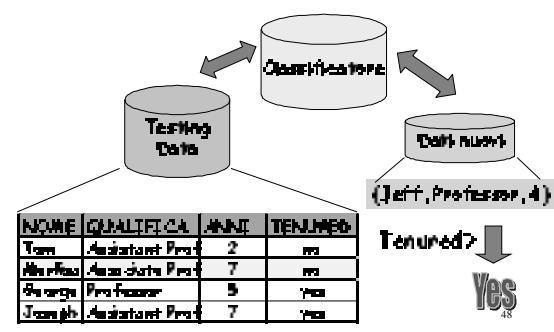
Classificazione Un processo in due passi

- Costruzione del modello: che descrive un insieme di classi predeterminate
 - ogni tupla/componente è associata a pertinenza a una classe pre-definita, come determinato dall'etichetta di classe attribuita
 - insieme di tuple utilizzate per la costruzione del modello (training set)
 - il modello è rappresentato da regole di classificazione, alberi di decisione, o formule matematiche
- Uso del modello: per classificare i nuovi oggetti
- Stima dell'accuratezza del modello
 - si tratta di misura del compagno di test di confrontato con il risultato della classificazione prodotta dal modello
 - # tasso d'accuratezza è lo percentuale dei campioni nel test set che sono classificati correttamente dal modello
 - # test set deve essere indipendente dal training set; altrimenti si verifica over-fitting

Processo di classificazione Costruzione del modello



Processo di classificazione Uso del modello nelle previsioni



Apprendimento (Learning) Supervisionato vs Non supervisionato

- Apprendimento supervisionato (classificazione)
 - Supervisione: i dati di training (osservazioni, misure, etc.) sono associati ad etichette che indicano le classi dei dati
 - I nuovi dati sono classificati basandosi sui training set
- Apprendimento non supervisionato (clustering)
 - le classi di etichette dei dati di training non sono note
 - dato un insieme di misure, osservazioni, etc. si vuole stabilire l'esistenza di classi o cluster nei dati

49

Misure per valutare gli approcci di classificazione

- Accuratezza predittiva
 - l'abilità del modello di prevedere correttamente la classe di dati nuovi e non precedentemente esaminati
- Velocità
 - i costi computazionali coinvolti nel generare e utilizzare il modello
- Robustezza
 - l'abilità del modello di fare previsioni corrette in presenza di dati numerose con valori mancanti
- Scalabilità
 - l'abilità di costruire il modello efficientemente date grandi quantità di dati
- Interpretabilità
 - il livello di comprensione che il modello fornisce

50

Approcci di classificazione

- Alberi di decisione
- Classificazione Bayesiana
- Bayesian belief networks
- Reti neurali
- Classificatori K-nearest neighbor
- Case-based reasoning
- Algoritmi genetici
- Rough Sets
- Logica Fuzzy

51

Classificazione per induzione sugli alberi di decisione

52

Alberi di decisione

- Alberi di decisione
 - una struttura ad albero simile ai flow-chart
 - i nodi interni dimostrano un test su un attributo
 - i nodi rappresentano il risultato del test
 - i nodi foglio rappresentano le etichette di classi
- generazione degli alberi di decisione in due fasi
 - costruzione dell'albero
 - all'inizio, tutti gli esempi di training sono nella radice
 - gli esempi vengono partitionati ricorsivamente basandosi sugli attributi selezionati
 - pruning dell'albero
 - si identificano e rimuovono parti che riflettono rumore o outliers (raddrizza parti)
- uso degli alberi di decisione: classificazione di campioni sconosciuti
 - si testano i valori degli attributi del campione sulla pista di decisione

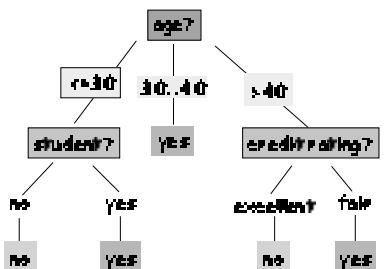
Training Dataset

↓
Class label

	age	income	student	credit_rating	buys_computer
Esempio che segue Quinton's ID3	>10	high	no	fair	no
	>10	high	no	excellent	no
	≤10	high	no	fair	yes
	>10	medium	no	fair	yes
	>10	low	yes	fair	yes
	>10	low	yes	excellent	no
	≤10	low	yes	excellent	yes
	≤10	medium	no	fair	no
	≤10	medium	yes	fair	yes
	≤10	low	yes	fair	yes
	≤10	medium	yes	excellent	yes
	≤10	medium	yes	excellent	yes
	≤10	high	yes	fair	yes
	≤10	medium	no	excellent	no

Quinton's ID3 è un algoritmo per generare alberi di decisione

Output: un albero di decisione per "buys_computer"



55

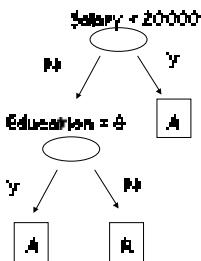
Algoritmo per induzione sugli alberi di decisione

- Algoritmo base:** (un algoritmo greedy)
 - l'albero è costruito in modo top-down ricorso divide-and-conquer
 - attivando, tuttighe le nnp di training sono nella radice
 - gli attributi sono di tipo categoriali (se ci sono continui, sono state discretizzate in precedenza)
 - gli esempi sono parzialmente riassumibili tramite regole sugli attributi selezionati
 - gli attributi di test sono selezionati sulla base di caratteristiche o misure statistiche (e.g. information gain)
- Condizioni per fermarsi nel per iteramento**
 - tutti i campioni in un certo nodo appartengono alla stessa classe
 - non ci sono più attributi per un ulteriore parzionalmento - per classificare la foglia senza maggior voting
 - non ci sono più campioni non classificati

56

Alberi di decisione: un esempio

Training set		
	Salary > Education	Class
10000	H.S.	R
40000	C	A
18000	C	R
75000	G	A
18000	G	A



57

Alberi di decisione

- Vantaggi:**
 - veloce
 - regole facili da interpretare
 - dati altamente dimensionali
- Svantaggi:**
 - no connessioni

58

Alberi di decisione: algoritmi proposti

- Machine learning:**
 - ID3 (Quinlan 86)
 - C4.5 (Quinlan 93)
 - CART (Breiman, Friedman, Olshen, Stone, Classification and Regression Trees 1984)
- Database:**
 - SLIQ (Mehrotra, Agrawal and Rissanan, 1994)
 - SPRINT (Shafer, Agrawal, Mehrotra, 1996)
 - Random forest (Shrivastava, Ramakrishnan, Shanti, 1998)

59

Alberi di decisione

- Trovare l'albero migliore è NP-Hard (problema di complessità esponenziale)
- siamo interessati ad algoritmi che non fanno backtracking (non rimettono mai in discussione una decisione precedente)
- assumiamo di avere un test con n risposte che partitiona T nei sottoinsiemi T_1, T_2, \dots, T_n
se il test deve essere valutato senza esplorare le successive dimensioni dei T_k , l'unica informazione disponibile come guida è la distribuzione delle classi in T e nei suoi sottoinsiemi

60

Algoritmi per gli alberi di decisione

Fase di costruzione:

- suddivide ricorsivamente i nodi usando l'attributo e il valore su cui si ha la migliore suddivisione per il nodo

Fase di pruning:

- alberi più piccoli (anche se imperfetti) ottengono migliore accuratezza predittiva
- si potranno ricorsivamente i nodi foglia per evitare over-fitting

61

Predictor variables (attributi)

- Numericamente ordinati: i valori sono ordinati e possono essere rappresentati sulla linea reale (es. stipendio)
- Categoriali: assumono valori da un insieme finito su cui non c'è alcun ordinamento naturale (es. colore)
- Ordinali: assumono valori da un insieme finito i cui valori possiedono un ordinamento chiaro, ma le distanze fra loro sono ignote (es. scala di preferenza: buono, medio, cattivo)

62

Suddivisioni binarie

Partizionamento ricorsivo (binario)

- suddivisione monovariante su un attributo numericamente ordinario o ordinale X
 $X = c$
- su categoriale $X \in A$
- combinazione lineare su numerico
 $\sum a_i X_i = c$
 c e A sono scelti in modo da massimizzare la separazione

63

Un po' di probabilità ...

- Supponiamo che le classi in cui vogliano classificare gli elementi del training set S siano C_1, \dots, C_n
- $|S| = \# \text{ casi totali}$
- $\text{freq}(C_i, S) = \# \text{ casi in } S \text{ che appartengono a } C_i$
- $\text{Prob}(\text{"questo caso appartiene a } C_i\text{"}) = \text{freq}(C_i, S)/|S|$
- informazione trasportata =
 $\log(\text{freq}(C_i, S)/|S|)$
- entropia = informazione attesa = $\text{info}(C_1, \dots, C_n) = - \sum_{i=1}^n (\text{freq}(C_i, S)/|S|) \log(\text{freq}(C_i, S)/|S|)$

64

Information gain nell'induzione su alberi di decisione

- Assumiamo che usando l'attributo A un insieme S sarebbe partizionato negli insiemi (S_1, S_2, \dots, S_k) e consideriamo per semplicità due sole classi C_1 ($n=2$): P (positivi) e N (negativi)
- se S contiene p esempi di P e $n-p$ esempi di N, l'entropia è l'informazione attesa per classificare gli oggetti in tutti in sottoalberi S_i è

$$E(A) = \sum_{i=1}^k \frac{p_i}{p+n} I(p_i, n_i)$$

- L'informazione di codifica che si guadagnerebbe effettuando branching su A

65

Selezione di attributo attraverso il calcolo dell'Information Gain

- Classe P: buys_computer = "yes"
- Classe N: buys_computer = "no"
- $I(p, n) = I(9, 5) = 0.940$
- Calcoliamo l'entropia per age:

age	p _i	n _i	I(p _i , n _i)
<=30	2	3	0.971
30...40	4	0	0
>40	3	2	0.971

$$E(\text{age}) = \frac{5}{14} I(2,3) + \frac{4}{14} I(4,0) + \dots I(3,2) = 0.694$$

quindi

$$\text{Gain}(\text{age}) = I(p, n) - E(\text{age}) = 0.246$$

analoga mente

$$\begin{aligned} \text{Gain}(\text{income}) &= 0.029 \\ \text{Gain}(\text{student}) &= 0.151 \end{aligned}$$

Estrazione di regole di classificazione dagli alberi

- Rappresentano la conoscenza sotto forma di regole IF-THEN
 - viene creata una regola per ogni cammino dalla radice a una foglia
 - ogni coppia attributo-valore lungo un cammino form un congiunto
 - i nodi foglia contengono la previsione della classe
 - le regole sono più facili da capire per gli umani
 - Esempio
- ```

IF age < "m30" AND student = "no" THEN buys_computer = "no"
IF age < "m30" AND student = "yes" THEN buys_computer = "yes"
IF age > "31-40"
IF age > "40" AND credit_rating = "terrible" THEN buys_computer = "no"
IF age > "m30" AND credit_rating = "fair" THEN buys_computer = "yes"

```
- <sup>67</sup>

## Overfitting

- Gli alberi di decisione possono crescere in modo tale che c'è una foglia per ogni esempio nel training set
- Esempi:
  - Overfitted: "qualsiasi cosa non ho ancora visto, non posso classificare."
  - Troppo generale: "se è verde, è un albero"

68

## Evitare l'overfitting

- L'albero generato può descrivere troppo accuratamente i dati di training
    - troppi rami, alcuni possono riflettere anomalie dovute a rumore o outliers
    - la conseguenza è una bassa accuratezza per nuovi campioni
  - Due approcci per evitare l'overfitting
    - Prepruning: fermare la costruzione dell'albero presto - non suddividere un nodo se questo farebbe scendere la misura di qualità sotto una soglia
      - è però difficile scegliere la soglia opportuna
    - Postpruning: si eliminano rami da un albero "Fully grown"
      - si ottiene una sequenza di alberi progressivamente peggiori
      - si utilizza un insieme di dati diversi da quelli di training per decidere quali è il "meglio" albero possibile"
- <sup>69</sup>

## Alberi di decisione scalabili Metodi di induzione

- SUC (EBDT94 - Achia et al)
    - costruisce un indice per ogni attributo e solo la lista delle classi e la lista dell'attributo corrente vengono in memoria
  - SPIDR (VLDB94 - J. Shafer et al)
    - costruisce una struttura dati di lista di attributi
  - PUBLIC (VLDB98 - Radha & Shim)
    - integra sul divisione dell'albero e potatura dell'albero: si ferma prima nella costruzione dell'albero
  - Reinforcement (VLDB98 - Gehre, Ramakrishnan et al)
    - separa gli aspetti di scalabilità dai criteri che definiscono la qualità dell'albero
    - costruisce una lista ABC (attributo, valore, classe libell)
- <sup>70</sup>

## Cluster Analysis

71

## Cos'è la Cluster Analysis?

- Cluster: una collezione di oggetti
    - Simili fra loro all'interno dello stesso cluster
    - Dissimili dagli oggetti negli altri cluster
  - Cluster analysis
    - raggruppamento di un insieme di oggetti in cluster
  - Il clustering è classificazione non supervisionata: non ci sono classi predefinite
  - Applicazioni tipiche
    - Come un tool stand-alone per ottenere informazioni sulla distribuzione dei dati
    - Come un passo di preprocessing per altri algoritmi
- <sup>72</sup>

## Applicazioni generali del Clustering

- Riconoscimento di pattern
- Analisi di dati spaziali
  - creare mappe tematiche in GIS clusterizzando su feature spaziali
  - rilevare spaziali cluster e giustificare il data mining spaziale
- Image Processing
- Scienze economiche (soprattutto ricerche di mercato)
- WWW
  - classificazione di documenti
  - clustering di dati di Weblog per scoprire gruppi di pattern di accesso simili

73

## Esempi di applicazioni del Clustering

- **Marketing:** scoprire i gruppi distintivi nel behav. dei clienti e usare questa conoscenza per sviluppare programmi di marketing personalizzato
- **Land use:** identificazione di aree di utilizzo della terra simili in un database di osservazione della terra
- **Assicurazione:** identificazione di gruppi di assicurati con richiesta di rimborso media alta
- **Geoplanning:** identificazione di gruppi di case in base al tipo di case, valore e collocazione geografica
- **Studio di terremoti:** gli piacevoli dati terremoti osservati devono essere clusterizzati lungo le foglie continentali

74

## Clustering

- Un buon metodo di clustering produce cluster di alta qualità con
  - alta similarità intra-class
  - bassa similarità inter-class
- La qualità del risultato del clustering dipende sia dalla misura di similarità utilizzata che dal metodo e dalla sua implementazione
- La qualità di un metodo di clustering è anche misurata dalla sua abilità di scoprire alcuni o tutti i pattern nascosti

75

## Requisiti del Clustering in Data Mining

- Scalabilità
- Abilità di gestire diversi tipi di attributi
- Scoperta di cluster con forma arbitraria
- Requisiti minimi di conoscenza del dominio per determinare i parametri di input
- Abilità di gestire rumore e valori disallineati
- Insensibilità all'ordine dei record in input
- Alta dimensionalità
- Incorporazione di vincoli specificati dall'utente
- Interpretabilità e usabilità

76

## Clustering: Metriche

- **Metrica di dissimilità/similarità:** la similarità è espressa in termini di una funzione di distanza, che è tipicamente una metrica:  
 $d(i, j)$
- dati rappresentati sotto forma di:
  - matrice dati (n oggetti per p variabili): il valore che ogni oggetto assume per ogni variabile
  - matrice di dissimilità (n oggetti per n oggetti): memorizza le distanze per tutte le coppie di oggetti
- funzioni di distanza: distanza euclidea, distanza di Manhattan, distanza di Minkowski
- le definizioni delle funzioni di distanza sono in genere molto diverse per variabili scalate su intervalli, booleane, categoriali, ordinali e rapportativi
- spesso si assegnano dei pesi alle diverse variabili basandosi sulla semantica dei dati e delle applicazioni

77

## Misure di qualità del Clustering

- c'è una funzione "qualità" separata che misura la "bonità" di un cluster
- è difficile definire "abbastanza simili" o "abbastanza buono"
- la risposta è tipicamente altamente soggettiva

78

## Principali approcci di Clustering

- Algoritmi di partizionamento:** si crea diverse le varie partitioni e poi le si valuta sull'base di qualche criterio
- Algoritmi gerarchici:** si crea una decomposizione gerarchica dell'insieme dei dati (o oggetti) usando un qualche criterio
- Density-based:** basati su funzioni di connettività e densità
- Grid-based:** basati su una struttura a reti di granularità multipla
- Model-based:** si ipotizza un modello per ogni cluster e l'idea è trovare la migliore corrispondenza di tale modello con ogni altro

79

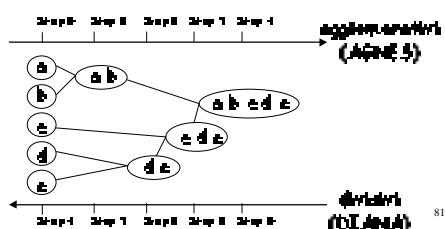
## Algoritmi di partizionamento: concetti di base

- Metodi di partizionamento:** costruiscono un partizionamento di un database o di oggetti in un insieme di oggetti
- Date un  $k$ , si trova una partizione di  $k$  cluster che ottimizza il criterio di partizionamento scelto
  - ottimo globale: enumera esaurientemente tutte le partitioni
  - metodi di curvatura: algoritmi *in-sessione* e *in-sequenza*
  - **In-sessione** (MacQueen '67): ogni cluster è rappresentato dal centroide del cluster
  - **In-sequenza PAM** (Partition-around medoids) (Kaufman & Rousseeuw '87): ogni cluster è rappresentato da uno degli oggetti nel cluster

80

## Clustering gerarchico

- Usa la matrice distanza come criterio di clustering
- questo metodo non richiede il numero di cluster come input, ma ha bisogno di una condizione di terminazione



81

## Metodi di Clustering Density-Based

- Clustering basato su densità (local cluster criterion), come il density-connected points
- caratteristiche principali:
  - scopre cluster di forma arbitraria
  - gestisce il rumore
  - una sola scansione
  - ha bisogno dei parametri di densità come condizione di terminazione
- metodi:
  - **DBSCAN**: Ester, et al. (1996)
  - **OPTICS**: Ankerst, et al. (1999)
  - **DB-MINER**: Minnaburg & D. Klem (2009)
  - **CLIQUE**: Agrawal, et al. (1998)

82

## Metodi di Clustering Grid-Based

- Usano strutture dati a griglia multirisoluzione
- metodi di:
  - **STIME** (a Statistical Information Grid approach): Wang, Yang e Muntz (1997)
  - **WaveCluster**: Shashua, et al. (1998)
  - **CLIQUE**: Agrawal, et al. (1998)
  - **Self-Similar Clustering**: Barbara & Chen (2000)

83

## Metodi di Clustering Model-Based

- cercano di ottimizzare la corrispondenza tra i dati e qualche modello matematico
- Applicazioni: statistiche e AI
  - **Conceptual clustering**
    - una forma di clustering in machine learning
    - produce uno schema di classificazione per un insieme di oggetti non etichettati
    - trova descrittori caratteristici per ogni concetto (classe)
  - **COCWEB** (Fisher '87)
    - un metodo semplice e popolare di conceptual learning incremental
    - era un clustering gerarchico sotto forma di un classification tree
    - ogni nodo si riferisce ad un concetto e contiene una descrizione probabilistica di tale concetto